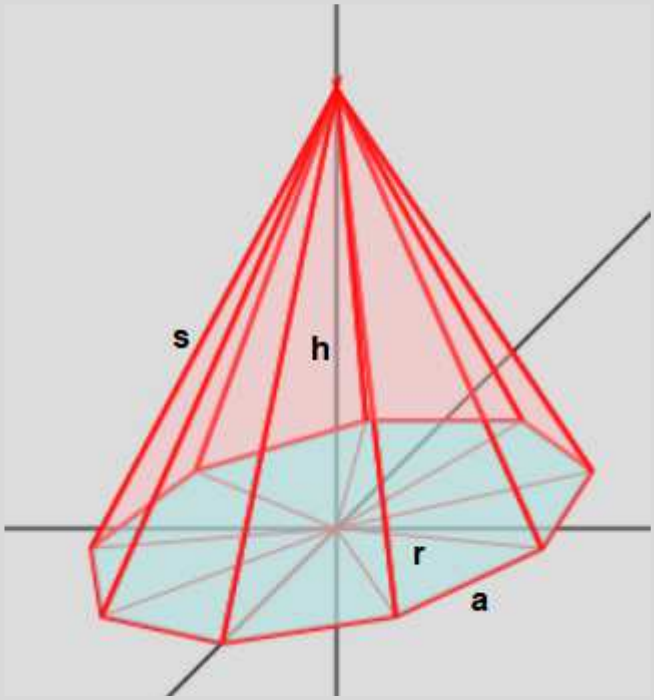
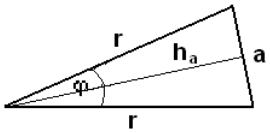
Michael Buhlmann

Mathematik-Formelsammlung
> Geometrie
> Pyramiden
> Regelmäßige Pyramiden

Eine (gerade) Pyramide mit einem regelmäßigen n-Eck als Grundfläche (n als natürliche Zahl ≥3) ist durch die Grundkantenlänge a, die Pyramidenhöhe h, den Innenwinkel φ bestimmt, weiter durch die Seitenhöhe h_s, die Kantenlänge s, die Oberfläche O, die Mantelfläche M, die Grundfläche G und das Volumen V. Die Grundfläche G besteht aus n gleichschenkligen (Grundflächen-) Dreiecken mit Innenwinkel φ = 360°/n, Grundseite a, Grundflächenradius r und Dreieckshöhe h_a.

Regelmäßige Pyramide			
			
Eckenanzahl Grundflächendreieck	n		
Innenwinkel	$\varphi = \frac{360°}{n}$	$\frac{\varphi}{2} = \frac{360°}{2n} = \frac{180°}{n}$	
Grundflächendreieck	$r = \frac{a}{2 \cdot \sin(\frac{\varphi}{2})}$	$h_a = \frac{a}{2 \cdot \tan(\frac{\varphi}{2})}$	$h_a = r \cdot \cos(\frac{\varphi}{2})$

	$r^2 = h_a^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2$	$h_a^2 = r^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2$	$\left(\frac{a}{2}\right)^2 = r^2 - h_a^2$
Pyramidenumfang	u = na	$a = \frac{u}{n}$	
Grundfläche	$G = \frac{nah_a}{2}$	$h_a = \frac{2G}{na}$	$a = \frac{2G}{nh_a}$
Seitenhöhe	$h_s^2 = h^2 + h_a^2$	$h^2 = h_s^2 - h_a^2$	$h_a^2 = h_s^2 - h^2$
Seitenkante	$s^2 = h_s^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2$	$h_s^2 = s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2$	$\left(\frac{a}{2}\right)^2 = s^2 - h_s^2$
Pyramidenhöhe	$s^2 = h^2 + r^2$	$h^2 = s^2 - r^2$	$r^2 = s^2 - h^2$
Mantelfläche	$M = \frac{nah_s}{2}$	$h_s = \frac{2M}{na}$	$a = \frac{2M}{nh_s}$
Oberfläche	$O = G + M$	$G = O - M$	$M = O - G$
Volumen	$V = \frac{G \cdot h}{3}$	$G = \frac{3V}{h}$	$h = \frac{3V}{G}$
Winkel zwischen Kante s und Grundkante a	$\sin\alpha = \frac{h_s}{s}$	$\cos\alpha = \frac{a}{2s}$	$\tan\alpha = \frac{2h_s}{a}$
Winkel zwischen Seitenhöhe h_s und Grundfläche G	$\sin\beta = \frac{h}{h_s}$	$\cos\beta = \frac{h_a}{h_s}$	$\tan\beta = \frac{h}{h_a}$
Winkel zwischen Kante s und Grundfläche G	$\sin\gamma = \frac{h}{s}$	$\cos\gamma = \frac{r}{s}$	$\tan\gamma = \frac{h}{r}$
Regelmäßige Pyramide			

www.michael-buhlmann.de / 07.2017