

# Mathematikaufgaben

## > Funktionen

## > Geraden

**Aufgabe:** Zeichne die Gerade mit der Funktionsvorschrift

$$y = \frac{1}{4}x + \frac{3}{2}$$

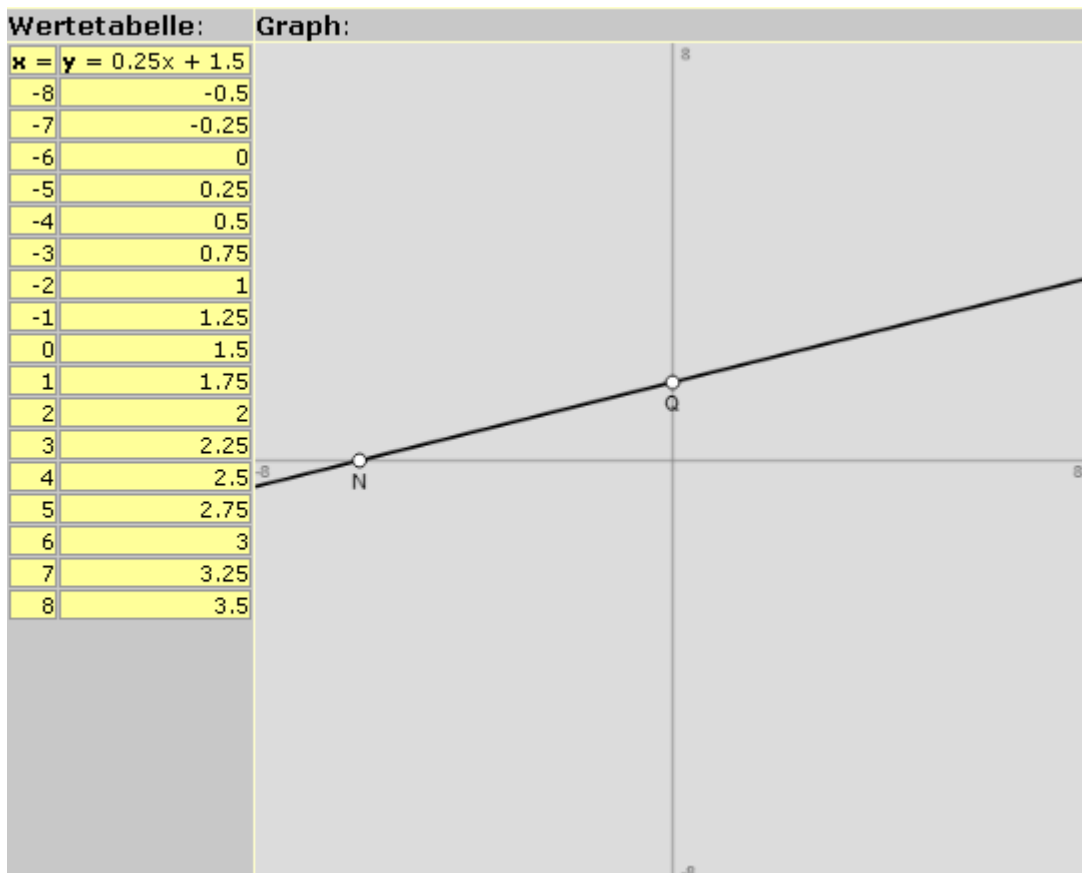
auf Grundlage einer geeigneten Wertetabelle. Wo schneidet die Gerade die Achsen des Koordinatensystems? Wie groß ist der Steigungswinkel der Geraden?

**Lösung:** I. Die Funktionsvorschrift einer allgemeinen Geraden ist ein (Funktions-) Term von der Form  $y = mx + b$  mit der unabhängigen Variablen  $x$  und der abhängigen Variablen  $y$  (Geradengleichung). Die reelle Zahl  $m$  bezeichnet die Steigung, die Zahl  $b$  den  $y$ -Achsenabschnitt der Geraden. Da durch zwei Punkte im kartesischen Koordinatensystem genau eine Gerade geht, besteht eine Wertetabelle mit den die Gerade definierenden Punkten  $P(x|y)$  aus mindestens zwei Punkten, etwa:  $P(0|b)$ ,  $Q(1|m+b)$  o.ä. ( $y$ -Achsenabschnitt, Steigungsdreieck der Geraden).

Der Schnittpunkt der Geraden  $y = mx + b$  mit der  $y$ -Achse errechnet sich mit  $x = 0$  als  $S_y(0|b)$  ( $y$ -Achsenabschnittspunkt), mit der  $x$ -Achse mit  $y = 0$  als  $N(-b/m|0)$  (Nullstelle).

Bei vorgegebener Steigung  $m$  ist der Steigungswinkel  $\varphi = \tan^{-1}(m)$ .

II. Wertetabelle und Graph der Geraden  $y = \frac{1}{4}x + \frac{3}{2}$  sind:



Die Gerade  $y = \frac{1}{4}x + \frac{3}{2}$  hat eine positive Steigung (verläuft also von links unten nach rechts oben) und schneidet die y-Achse bei  $y = 1,5$ .

III. Der Schnittpunkt der Geraden  $y = \frac{1}{4}x + \frac{3}{2}$  mit der y-Achse ergibt sich durch das Einsetzen von  $x = 0$  in die Geradengleichung. Es gilt also:  $y = \frac{1}{4} \cdot 0 + \frac{3}{2} = \frac{3}{2} = 1,5$ . Der y-Achsenabschnittspunkt lautet daher: Q(0|1,5).

IV. Die Nullstelle der Geraden  $y = \frac{1}{4}x + \frac{3}{2}$  errechnet sich durch das Einsetzen von  $y = 0$  in die Geradengleichung:

$$0 = \frac{1}{4}x + \frac{3}{2} \Leftrightarrow -\frac{1}{4}x = \frac{3}{2} \Leftrightarrow x = -6.$$

Die Schnittpunkt der Geraden mit der x-Achse lautet damit: N(-6|0).

V. Die Steigung beträgt  $m = 1/4 = 0,25$ , der Steigungswinkel ist daher:  $\varphi = \tan^{-1}(0,25) = 14,04^\circ$  groß.