Michael Buhlmann

Mathematikaufgaben

> Algebra

> Quadratische Gleichungen

Aufgabe: Bestimme die Lösung(en) der guadratischen Gleichung:

$$2x^2 - 7x + 3 = 0$$
.

Lösung: I. Allgemein gilt für das Lösen von quadratischen Gleichungen, also von Gleichungen z.B. mit der Variablen x, die folgende <u>Vorgehensweise</u>: Quadratische Gleichungen sind Gleichungen mit der Variablen x, die der Form $ax^2 + bx + c = 0$ (*) mit reellen Zahlen a, b, c, $a\neq 0$, genügen. Die

Lösung der quadratischen Gleichung (*) ist dann: $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$ (a-b-c-Formel). Um die

Lösung einer quadratischen Gleichung der Form (*) zu erlangen, sind Term- und Gleichungsumformungen durchzuführen, die die Terme der Gleichung u.a. durch das Auflösen von Klammern, durch Addition/Subtraktion von Summanden und Multiplikation/Division von Faktoren betreffen; die a-b-c-Formel führt auf die 0 bis 2 Lösungen der Gleichung.

II. Wir gehen wie folgt vor, wobei wir der Anwendung der b-c-Formel noch eine Gleichungsumformung vorangehen lassen:

$$2x^{2} - 7x + 3 = 0 \qquad \text{(a-b-c-Formel: a = 2, b = -7, c = 3)}$$

$$x_{1,2} = \frac{7 \pm \sqrt{7^{2} - 4 \cdot 2 \cdot 3}}{2 \cdot 2} \qquad \text{(Ausrechnen)}$$

$$x_{1,2} = \frac{7 \pm \sqrt{49 - 24}}{4} \qquad \text{(Ausrechnen)}$$

$$x_{1,2} = \frac{7 \pm \sqrt{25}}{4} \qquad \text{(Wurzel ziehen)}$$

$$x_{1,2} = \frac{7 \pm 5}{4} \qquad \text{(Lösungen } x_{1}, x_{2})$$

$$x_{1} = \frac{7 + 5}{4} = \frac{12}{4} = 3, \ x_{2} = \frac{7 - 5}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} = 0,5$$

$$x_{1} = 3, x_{2} = 0,5$$

Wir erhalten $x_1 = 3$ und $x_2 = 0.5$ als Lösungen; Lösungsmenge ist also: $L = \{0.5, 3\}$.

www.michael-buhlmann.de / 01.2023 / Aufgabe 1778