

Mathematikaufgaben

> Algebra

> Quadratische Gleichungen

Aufgabe: Löse die folgende quadratische Gleichung:

$$-5x^2 + x + 18 = 0.$$

Lösung: I. Allgemein gilt für das Lösen von quadratischen Gleichungen, also von Gleichungen z.B. mit der Variablen x , die folgende Vorgehensweise: Quadratische Gleichungen sind Gleichungen mit der Variablen x , die der Form

$$ax^2 + bx + c = 0 \quad (*)$$

mit reellen Zahlen $a, b, c, a \neq 0$, genügen. Die Lösung der quadratischen Gleichung (*) ist dann zu berechnen vermöge:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \quad (\text{a-b-c-Formel}).$$

Um die Lösung einer quadratischen Gleichung der Form (*) zu erlangen, sind eventuell zuvor Term- und Gleichungsumformungen durchzuführen, die die Terme der Gleichung u.a. durch das Auflösen von Klammern, durch Addition/Subtraktion von Summanden und Multiplikation/Division von Faktoren betreffen; die a-b-c-Formel führt auf die 0 bis 2 Lösungen der Gleichung.

II. Wir gehen unter Verwendung der a-b-c-Formel wie folgt vor:

$$-5x^2 + x + 18 = 0$$

(a-b-c-Formel: $a = -5, b = 1, c = 18$)

$$x_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 - 4 \cdot (-5) \cdot 18}}{2 \cdot (-5)} = \frac{-1 \pm \sqrt{361}}{-10} = \frac{-1 \pm 19}{-10}$$

$$x_1 = \frac{-1 + 19}{-10} = \frac{18}{-10} = -\frac{9}{5}$$

$$x_2 = \frac{-1 - 19}{-10} = \frac{-20}{-10} = 2$$

-> Lösungsmenge $L = \{-\frac{9}{5}; 2\}$

Damit ist die quadratische Gleichung gelöst; Lösungen sind: $x_1 = -\frac{9}{5}; x_2 = 2$.